

**Mathematik I**

**Aufgabengruppe A**

**Aufgabe A 1**

A 1.0 Nach der Verabreichung eines Medikaments wird dieses im menschlichen Körper abgebaut. Nach  $x$  h (Stunden) beträgt die Masse des Medikaments im Körper  $y$  mg. Messungen zeigen, dass der Abbau von Medikamenten im Körper durch die Funktion  $f$  mit der Gleichung  $y = y_0 \cdot 10^{n \cdot x}$  ( $G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$ ;  $y_0 \in \mathbb{R}^+$ ;  $n \in \mathbb{R}$ ) dargestellt werden kann. Dabei bedeutet  $y_0$  mg die Anfangsmasse des verabreichten Medikaments und  $n$  die Abklingrate der Konzentration des Medikaments im Körper. Um 8:00 Uhr werden einem Patienten 5,0 mg eines Medikaments verabreicht. Für dieses Medikament gilt:  $n = -0,07572$

A 1.1 Tabellarisieren Sie die Funktion  $f : y = 5,0 \cdot 10^{-0,07572 \cdot x}$  für  $x \in [0; 8]$  in Schritten von  $\Delta x = 1$  auf zwei Stellen nach dem Komma gerundet und zeichnen Sie sodann den Graphen zu  $f$  in ein Koordinatensystem.

Für die Zeichnung: Auf der x-Achse: 1 cm für 1 h;  $0 \leq x \leq 9$

Auf der y-Achse: 1 cm für 0,5 mg;  $0 \leq y \leq 5,5$

2 P

A 1.2 Berechnen Sie, wie viel Prozent des Medikaments der Körper stündlich abbaut. (Auf zwei Stellen nach dem Komma runden.)

2 P

A 1.3 Um die optimale Wirksamkeit des Medikaments zu erreichen, darf die Masse des Medikaments im Körper 1,5 mg nicht unterschreiten und 8 mg nicht überschreiten. Berechnen Sie die Uhrzeiten auf Minuten genau, zu denen die nächste Verabreichung von ebenfalls 5,0 mg frühestens oder spätestens erfolgen muss.

4 P

A 1.4 Die zweite Verabreichung von 5,0 mg des Medikaments erfolgt um 12:30 Uhr. Berechnen Sie die um 16:00 Uhr im Körper befindliche Masse. (Auf zwei Stellen nach dem Komma.)

3 P

A 1.5 Ein anderes Medikament wird vom Körper nach 4 Stunden zur Hälfte abgebaut. Berechnen Sie für dieses Medikament den Wert für  $n$  auf fünf Stellen nach dem Komma gerundet.

2 P

A 1.6 Ein Patient nimmt dreimal hintereinander die gleiche Masse des Medikaments aus 1.5 im Abstand von 6 Stunden ein. Einer der Graphen in den unten stehenden Diagrammen a, b und c stellt die Masse des Medikaments im Körper des Patienten qualitativ in Abhängigkeit von der Zeit dar.

Geben Sie das zugehörige Diagramm an und begründen Sie ihre Auswahl.

Diagramm a

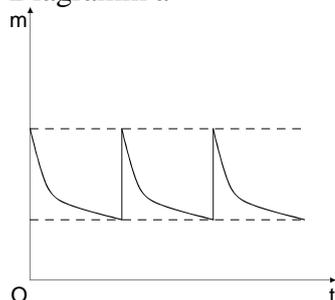


Diagramm b

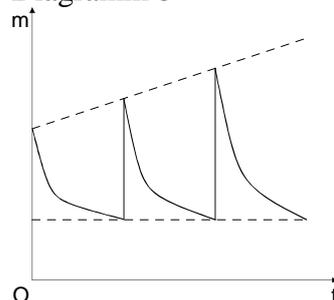
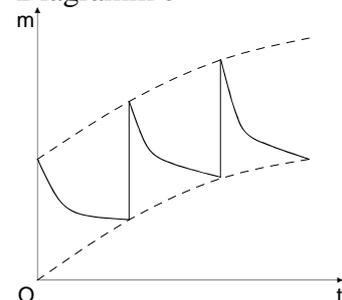


Diagramm c



2 P

**Mathematik I**

**Aufgabengruppe A**

**Aufgabe A 2**

- A 2.0 Die Strecke  $[AD]$  mit  $A(5|2,5)$  und  $D(-1|-5,5)$  ist die gemeinsame Grundseite von gleichschenkligen Trapezen  $AB_nC_nD$  mit den Schenkeln  $[AB_n]$  und  $[DC_n]$ . Die Eckpunkte  $B_n(x|\frac{1}{2}x+5)$  liegen auf der Geraden  $g$  mit der Gleichung  $y = \frac{1}{2}x + 5$  mit  $G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$ . Dabei gilt:  $x \in ]-4; 11[$
- A 2.1 Zeichnen Sie die Gerade  $g$ , die Trapeze  $AB_1C_1D$  für  $x = -0,5$  und  $AB_2C_2D$  für  $x = 3$  und die Symmetrieachse  $s$  der Trapeze in ein Koordinatensystem.  
Für die Zeichnung: Längeneinheit 1 cm;  $-7 \leq x \leq 6$ ;  $-7 \leq y \leq 8$  2 P
- A 2.2 Bestimmen Sie durch Rechnung die Koordinaten der Punkte  $C_n$  in Abhängigkeit von der Abszisse  $x$  der Punkte  $B_n$ . (Auf zwei Stellen nach dem Komma runden.)  
[Ergebnis:  $C_n(-0,20x - 4,80|-1,10x - 1,40)$ ] 5 P
- A 2.3 Ermitteln Sie die Gleichung des Trägergraphen  $t$  der Punkte  $C_n$ . 2 P
- A 2.4 Man erhält nur für  $x \in ]-4; 11[$  Trapeze  $AB_nC_nD$ .  
Bestätigen Sie durch Rechnung die obere Intervallgrenze. 2 P
- A 2.5 Unter den Trapezen  $AB_nC_nD$  gibt es das Trapez  $AB_3C_3D$ , dessen Schenkel  $[DC_3]$  parallel zur  $x$ -Achse liegt.  
Bestimmen Sie durch Rechnung die  $x$ -Koordinate des Punktes  $C_3$ . (Auf zwei Stellen nach dem Komma runden.) 2 P
- A 2.6 Konstruieren Sie in das Koordinatensystem zu 2.1 das Trapez  $AB_0C_0D$ , dessen Diagonalen senkrecht aufeinander stehen.  
Berechnen Sie sodann die  $x$ -Koordinate des Punktes  $B_0$  des Trapezes  $AB_0C_0D$ . (Auf zwei Stellen nach dem Komma runden.) 4 P

Mathematik I

Aufgabengruppe A

Aufgabe A 3

A 3.0 Das gleichschenklige Dreieck ABC mit der Basis  $\overline{BC} = 12 \text{ cm}$  und der Höhe  $\overline{AD} = 9 \text{ cm}$  ist die Grundfläche der Pyramide ABCS. Die Spitze S liegt senkrecht über dem Mittelpunkt D der Strecke [BC] mit  $\overline{DS} = 8 \text{ cm}$ .

A 3.1 Zeichnen Sie ein Schrägbild der Pyramide ABCS. Dabei soll die Strecke [AD] auf der Schrägbildachse liegen.

Für die Zeichnung:  $q = \frac{1}{2}$ ;  $\omega = 45^\circ$

Berechnen Sie sodann das Maß  $\varepsilon$  des Winkels DAS auf zwei Stellen nach dem Komma gerundet.

[Teilergebnis:  $\varepsilon = 41,63^\circ$ ]

3 P

A 3.2 Die Strecken  $[P_nQ_n]$  mit  $P_n \in [BS]$  und  $Q_n \in [CS]$  verlaufen parallel zur Strecke [BC]. Der Punkt R liegt auf der Strecke [AS] mit  $\overline{AR} = 4 \text{ cm}$ . Die Punkte  $P_n$ ,  $Q_n$  und R sind die Eckpunkte von gleichschenkligen Dreiecken  $P_nQ_nR$  mit der Basis  $[P_nQ_n]$  und dem Mittelpunkt  $M_n$  der Seite  $[P_nQ_n]$ . Die Dreiecke  $P_nQ_nR$  schließen mit der Seitenfläche BCS die Winkel  $\angle SM_nR$  mit dem Maß  $\varphi$  ein.

Zeichnen Sie das Dreieck  $P_1Q_1R$  für  $\varphi = 105^\circ$  in das Schrägbild zu 3.1 ein.

1 P

A 3.3 Zeigen Sie, dass für die Streckenlängen  $\overline{M_nS}$  und  $\overline{P_nQ_n}$  in Abhängigkeit von  $\varphi$  auf zwei Stellen nach dem Komma gerundet gilt:

$$\overline{M_nS}(\varphi) = \frac{8,04 \cdot \sin(48,37^\circ + \varphi)}{\sin \varphi} \text{ cm} \quad \text{und} \quad \overline{P_nQ_n}(\varphi) = \frac{12,06 \cdot \sin(48,37^\circ + \varphi)}{\sin \varphi} \text{ cm}.$$

4 P

A 3.4 Das Dreieck  $P_1Q_1S$  ist die Grundfläche der Pyramide  $P_1Q_1SR$  mit der Spitze R und der Pyramidenhöhe h.

Zeichnen Sie die Pyramidenhöhe h in das Schrägbild zu 3.1 ein und ermitteln Sie sodann durch Rechnung das Volumen der Pyramide  $P_1Q_1SR$ . (Auf zwei Stellen nach dem Komma runden.)

[Teilergebnis:  $h = 6,01 \text{ cm}$ ]

3 P

A 3.5 Zeigen Sie, dass für die Dreieckshöhe  $\overline{M_nR}$  der Dreiecke  $P_nQ_nR$  in Abhängigkeit von  $\varphi$  gilt:  $\overline{M_nR}(\varphi) = \frac{6,01}{\sin \varphi} \text{ cm}$ .

Berechnen Sie den Wert für  $\varphi$  auf zwei Stellen nach dem Komma gerundet, so dass das Dreieck  $P_2Q_2R$  gleichseitig ist.

4 P